

Indice

Prefazione alla seconda edizione	pag.	v
Capitolo 1 – Spazi normati	pag.	1
1.1 – Spazi vettoriali	”	1
1.2 – Spazi normati	”	3
1.3 – Spazi con prodotto scalare	”	6
Esercizi proposti	”	10
Capitolo 2 – Integrazione secondo Lebesgue	pag.	11
2.1 – Misura secondo Lebesgue.....	”	12
2.2 – Funzioni misurabili.....	”	15
2.3 – Integrale di Lebesgue delle funzioni misurabili.....	”	17
2.4 – Teoremi fondamentali	”	23
2.5 – Spazi L^p	”	26
2.6 – Funzioni a variazione limitata e funzioni assolutamente continue.....	”	30
Esercizi proposti	”	37
Capitolo 3 – Funzioni di variabile complessa	pag.	39
3.1 – Il campo dei numeri complessi	”	39
3.2 – Funzioni di variabile complessa	”	42
3.3 – Funzioni olomorfe	”	47
3.4 – Integrale di una funzione complessa	”	53
3.5 – Le formule di Cauchy	”	55
3.6 – Primitive delle funzioni complesse	”	60

3.7 – Serie di potenze	pag. 63
3.8 – Analiticità delle funzioni olomorfe	” 69
3.9 – La serie di Laurent	” 74
3.10 – Zeri di una funzione olomorfa	” 78
3.11 – Il principio del massimo	” 80
3.12 – Singolarità isolate delle funzioni olomorfe.....	” 82
3.13 – Il Teorema di Picard.....	” 87
3.14 – Il punto all’infinito	” 88
3.15 – Residui	” 90
3.16 – Il Teorema dei residui	” 100
3.17 – Applicazioni del Teorema dei residui	” 103
3.18 – Cenni sulle trasformazioni conformi	” 125
Esercizi proposti	” 130
 Capitolo 4 – Spazi di Hilbert e serie di Fourier	pag. 133
4.1 – Sistemi ortonormali	” 133
4.2 – Il Teorema della proiezione	” 141
4.3 – Serie di Fourier in L^2	” 146
 Capitolo 5 –La trasformazione di Fourier	pag. 155
5.1 – La trasformata di Fourier	” 156
5.2 – Derivata e trasformata	” 162
5.3 – Trasformata e convoluzione	” 165
5.4 – Alcuni esempi	” 168
Esercizi proposti	” 174
 Capitolo 6 – La trasformazione di Laplace	pag. 175
6.1 – Funzioni trasformabili ed assolutamente trasformabili	” 176
6.2 – Olomorfia della trasformata	” 190
6.3 – Il teorema sulla convoluzione e sue conseguenze	” 193
6.4 – Il problema dell’antitrasformazione	” 200
6.5 – Alcune applicazioni della trasformata di Laplace	” 210
Esercizi proposti	” 233

Capitolo 7 – Distribuzioni	pag. 235
7.1 – Spazi funzionali	” 236
7.2 – Spazi di distribuzioni	” 240
7.3 – Convoluzione tra distribuzioni	” 261
7.4 – La trasformata di Fourier nell’ambito delle distribuzioni	” 263
7.5 – Il Teorema di Shannon	” 276
7.6 – La trasformata di Laplace nell’ambito delle distribuzioni	” 278
Esercizi proposti	” 286
Capitolo 8 – La trasformazione Zeta	pag. 289
8.1 – Definizioni e proprietà	” 289
Esercizi proposti	” 296
Capitolo 9 – Le funzioni euleriane	pag. 297
9.1 – La funzione Gamma	” 297
9.2 – La funzione Beta	” 304
Indice analitico	pag. 307
Bibliografia	pag. 311